ゼロバイアス電流制御型磁気軸受の フライホイールエネルギー貯蔵システムへの応用

Application of Zero-Bias Current Active Magnetic Bearings to

Flywheel Energy Storage Systems

ステファン・ゲヒター S.GÄCHTER 亀野浩徳 H.KAMENO

Flywheel energy storage systems are a target application for active magnetic bearings. Its competitiveness to roller bearings, however, depends strongly on the achievable bearing loss reduction. Conventional active magnetic bearings use linearizing bias currents superposed by control currents. These currents are the source of the bearing losses. Therefore, this paper discusses in the first part these losses and methods to reduce them. In the second part, a particular method is proposed, i.e. instead of bias currents, feedback linearization is applied. The simulation showed that control performance similar to that of bias current types could be achieved in these zero-bias current active magnetic bearings, if the feedback linearization is combined with a control force sign based commutation law.

Key Words: bearing loss reduction, control force sign based switching, feedback linearization, flywheel energy storage system, zero-bias current active magnetic bearing

1.はじめに

フライホイールエネルギー貯蔵システム (FESS:Flywheel Energy Storage System)は, 他のエネルギー貯蔵装置よりも高い出力密度を供 給できる.特に,他の貯蔵装置でほとんど達成で きない高出力密度¹⁾は,FESSの最大の利点であ る.反対に,エネルギー周期効率(アイドリング 損失を考慮した充放電効率)があまり高くないの で,エネルギー密度は他のエネルギー貯蔵装置と 比較して特に優れているとは言えない²⁾.そのた め,もしアイドリング損失を低減でき,エネルギ ー密度を増大できれば,FESSの応用領域の大幅 な拡大が期待できる.

そこで本論文では,以下の順で議論を進める. 2章と3章では,FESSの主な特徴について述べる. ここでは,アイドリング損失の詳細について議論 し,転がり軸受および制御型磁気軸受(AMB: Active Magnetic Bearing)の軸受損失を評価する. そして,AMBを搭載したFESSの実現可能性は 軸受損失の低減レベルに依存することを示す.次 に,4章と5章では,AMBの損失を解析し,い くつかの軸受損失低減方法を提案する.6章では, 新方式のゼロバイアス電流AMBを用いた軸受損 失の低減方法について述べる.7章では,新方式 のゼロバイアス電流AMBの性能を解析し,8章 で結論を述べる.

2.フライホイールエネルギー 貯蔵システム

2.1 エネルギー貯蔵容量

近年,高強度のCFRP(Carbon Fiber Reinforced Plastic) 製フライホイールが開発され,フライホ イールの高速回転化が可能になった.その結果, 高出力密度のFESSを実現できるようになった.

このようなFESSは(i)瞬時停電バックアップ システム,および(ii)電力安定化システム,とし ての有用性が確認されている.また,これらの場 合,充放電の周期が短い期間であり,アイドリン グ損失が商用電源により補償されるので,アイド リング損失はFESSの性能に影響を及ぼさなかっ た.しかしそれに対して(iii)負荷平準化用シス テム(iv)独立したエネルギー源としてFESSを使 用する場合などではアイドリング損失は重大な問 題になる.

2.2 アイドリング損失

アイドリング損失(図1)は,軸受損失(Bearing Loss),風損(Windage Loss)およびモータ-発電 機損失(Electrical Machine Loss)から構成される. 風損とモータ-発電機損失については,FESSの 真空中への設置,および,モータ-発電機の最適 設計により低減することが可能である.一方,軸 受損失については,軸受の方式(転がり軸受やA



図1 フライホイールエネルギー貯蔵システムの損失低減方法 Loss reduction methods for flywheel energy storage systems

MB等)によって異なる.そこで,本論文では, FESSに最適な軸受の方式について検討する.

3.軸受システムの比較

フライホイール材料の進歩と平行して,制御工 学も大きく進歩し, AMBを発展させた. 電磁石, パワーアンプ,コントローラーおよび変位センサ から構成されるAMBは回転体の非接触支持を可 能にする.そのため, AMBには機械的な摩擦が 存在せず,潤滑も必要ではない.その結果,AM Bの寿命は転がり軸受の寿命よりも大幅に向上す る.このようなAMBの特徴は,AMBがFESS に適していることを示唆している³⁾.しかし,軸 受損失の観点から考えると, A M B が転がり軸受 より必ずしも優れているとは結論できない、なぜ なら,バイアス電流の供給により吸引力特性を線 形化している従来型のバイアス電流 A M B の場 合,消費電力を無視できず,軸受損失が増大する ためである.さらに, AMB採用による制御の複 雑さや,低い軸受剛性およびコストを考慮しなけ ればならない.そのため,ほとんどの商用化され ているFESSには転がり軸受が搭載されている.

これらのことから,AMBが商用化FESSに搭載されるのは(i)AMBの軸受損失が充分に低減された場合,あるいは(ii)負荷平準化用やエネルギー貯蔵装置用としてのFESSの市場が確立された場合,であると言える.

そこで次章では, AMBの損失をいかに低減す るかについて議論する.

4. バイアス電流制御型磁気軸受

回転体をAMBにより非接触支持するためには

3 組の A M B が用いられる.そのうちの 2 組はラ ジアル A M B で,1 組はアキシアル A M B である. 本論文では,ラジアル A M B のゼロバイアス電流 化について議論する.アキシアル A M B について は,永久磁石を用いたゼロバイアス電流化などが 必要であるが,本論文では議論しない.

そこで,まず最初に,従来型のバイアス電流ラ ジアルAMBの制御方法について述べる.

回転体 - 軸受システムの座標系を図2に示す (AおよびBはラジアルAMBの配置される平面 を示す). ラジアルAMBは回転体の半径方向(× 方向,y方向)の位置を制御する.そして,A平 面とB平面の各制御軸x_A,x_B,y_Aおよびy_Bに対し て,それぞれアクチュエータが必要である.本研 究では,回転体を軸対称と仮定しているので,以 下では1自由度のみ(例えば,x_A軸)について取り 扱う.

アクチュエータは一対の電磁石から構成され, 一方はx_A>0の位置に,他方はx_A<0の位置に配 置される.各電磁石は回転体に対して吸引力を作



図2 回転体 - 軸受システムの座標系

Geometric setup of the rotor-bearing system

The bearing planes are A and B. The reference frame is OXYZ and the body-fixed frame is oxyz. The origin of the body-fixed frame is equal the center of mass C. The appendant angles are α and β . The rotational speed is Ω .

Koyo

用するので,このようなアクチュエータ配置で, 1自由度については完全に制御することができる.

回転体に作用している吸引力F_{Ax}は以下の式で 表現される.

$$F_{Ax} = k_A \left[\frac{i_1}{x_{0A} - x_A} \right]^2 - k_A \left[\frac{i_3}{x_{0A} + x_A} \right]^2$$
(1)

なお, $x_{0A} > |x_A|$.

式(1)において, k_Aは吸引力係数, x₀A は電磁石と 回転体の定常エアギャップをそれぞれ示す.また, $x_A > 0$ に配置された電磁石に供給される電流を i_1 , $x_A < 0$ に配置された電磁石に供給される電流を i_3 とする.式(1)より(i)アクチュエータ特性が非 線形であり(ii)2つの制御入力(i_1 , i_3)の必要な ことがわかる.したがって,従来のバイアス電流 A M B では,吸引力と制御入力の線形特性を維持 するために,バイアス電流が供給されていた.上 記の式(1)における電流は,バイアス電流 i_{0xA} (定常 電流)に制御電流 i_{xA} を重畳した値と置き換えるこ とができる.つまり, $i_1 = i_{0xA} + i_{xA} \ge i_3 = i_{0xA} - i_{xA}$. その結果,式(1)の吸引力は次式に変換される (図4).

$$F_{Ax} = k_A \left(\frac{i_{0xA} + i_{xA}}{x_{0A} - x_A}\right)^2 - k_A \left(\frac{i_{0xA} - i_{xA}}{x_{0A} + x_A}\right)^2$$
(2)

なお , $i_{0xA} > |i_{xA}|$.

ここで,バイアス電流に対して制御電流が充分 に小さい場合や,定常エアギャップに対して回転 体の変位が充分に小さい場合には,式⁽²⁾を下記の Jacobian線形化により式⁽⁴⁾に変換することができ た.つまり,制御系の線形設計のために,アクチ ュエータの特性を線形と判断することができる.

4.1 Jacobianの線形化

作動点 $x_A = x_{A0} \ge i_{xA} = i_{xA0}$ での,式⁽²⁾のJacobianの 線形化は次式に変換される.

$$\Delta F_{Ax} = \frac{\partial F_{Ax}}{\partial x_A} \left| \begin{array}{c} \mathbf{x}_{A0} \\ \mathbf{i}_{xA0} \end{array} \Delta \mathbf{x}_A + \frac{\partial F_{Ax}}{\partial \mathbf{i}_{xA}} \right| \begin{array}{c} \mathbf{x}_{A0} \\ \mathbf{i}_{xA0} \end{array} \Delta \mathbf{i}_{xA} \tag{3}$$

x_{A0} = 0とi_{xA0} = 0での電流 - 変位 - 吸引力の関係は,式(4)で示される(図3).

$$F_{Ax} = \underbrace{4k_A \frac{i_{0xA}^2}{x_{0A}^3}}_{k_{0xA}} x_A + \underbrace{4k_A \frac{i_{0xA}}{x_{0A}^2}}_{k_{ixA}} i_{xA}$$
(4)

ここで, k_{pxA}は変位剛性, k_{ixA}は電流剛性をそれ ぞれ示す.



Depicted is the graph of the force F_{Ax} in function of position x_A and actuator current i_{Ax} . The graph is computed for a bias current of $i_{Ax} = 0.3A$, a magnetic force coefficient of $k_A = 1.34 \ 10{-}6A^2 \ / \ Nm^2$ and an actuator air gap of $x_{0A} = 0.2mm$.



図4 バイアス電流AMBのブロック線図

Block diagram of bias current active magnetic bearing

5. 軸受損失の低減方法

AMBの損失は,主に熱損(銅損)と渦電流損 (鉄損)から構成される.渦電流損は回転体に対し てブレーキ力を発生させる損失なので,アイドリ ング損失に直接的に影響を与える.一方,熱損は アイドリング損失に間接的に影響を与える.両損 失は(図1),アクチュエータに供給される全電流 値に依存する.すでに議論したように,従来型の バイアス電流AMBの場合,アクチュエータの特 性を線形化するために,バイアス電流が供給され るので,1組の制御軸のアクチュエータに供給さ れる全電流はバイアス電流の2倍にほぼ等しい. したがって,軸受損失は制御電流よりもむしろ, バイアス電流に支配されると言える.

5.1 バイアス電流の低減

従来型のバイアス電流AMBにおいて,バイア ス電流を低減する場合,式(3)の有効性および線形 コントローラーの安定領域が制約を受けることに なる⁴⁾.この場合,ゲインスケジューリング^{5)や} スライディングモードのような最適な制御手法を 用いた非線形制御系設計,あるいは,最適な線形 化手法を用いたプラントモデルによってアクチュ エータの非線形性を考慮しなければならない (図1).後者の手法についてはゼロバイアス電流



図5 制御電流の低減方法 Reduction method of control current

A M B として6章で議論する.なお,FESSのシ ステム効率を向上するためには,バイアス電流の 低減と同時に制御電流の低減も必要なので,次項 では制御電流の低減方法について述べる.

5.2 制御電流の低減

フライホイールの回転体は外乱力(Disturbance Force)が作用しても常に同じ位置に浮上維持さ れなければならない.したがって,制御電流を低 減するためには,外乱力を低減しなければならな い(図5).この外乱力は静的負荷と動的負荷に大 別できる.静的負荷は重力と等価であり,動的負 荷はアンバランス力,センサの偏芯に起因する外 力,曲げモードの危険速度を通過するために必要 な制御力,外部からの衝撃や振動に起因する加速 力,ジャイロ作用力およびモータ-発電機力など から構成される.このように,外乱力は多彩なの で,すべての外乱力に対して個別の対策が必要で ある.

重力に起因する静的負荷に対しては,永久磁石 の吸引力による補償が必要である.なお,本論文 では主軸を鉛直方向に配置したFESSを相定して あるので,この補償はアキシアルAMBに対して 必要で,ラジアルAMBに対しては必要ない.ア ンバランス力とセンサの偏芯に起因する外力に対 しては,制御ループの中で回転同期成分をキャン セルすることにより補償する.つまり,回転体を 幾何学的な軸中心ではなく,慣性主軸を中心とし て回転させる.加速力に対しては,間接的な手法 ではあるが,回転数の増大によりシステムを高剛 性化することにより補償する.ジャイロ作用力や モータ-発電機力はFESSの適用用途に強く依存 する.

これらの外乱力を完全に取り除くことは困難で あるが,外乱力をできるだけ低減するためには, 吸引力の最小スルーレート(F/ t)を最適化す る必要がある.

6. ゼロバイアス電流制御型磁気軸受

ゼロバイアス電流AMBの場合,吸引力のスル ーレートは制御電流に依存する.したがって,制 御電流が小さく,アクチュエータ特性(式(1))を線 形近似できる場合にのみ,最小スルーレートを最 適化することが可能である.また,式(4)はゼロバ イアス電流AMBの場合には適用できないので, 他の線形化手法の開発が必要である.

6.1 フィードバック線形化

フィードバック線形化とは,非線形システムを 線形システムに変換する手法である.しかし,吸 引力ゼロの点があるため,Lie代数手法(Lie Algebra)を使用する入出力フィードバック線形化 をゼロバイアス電流AMBに適用することはでき ない.これは,アクチュエータ特性の線形化のた めに他の方法が必要であることを示唆している (図1).

ひとつの方法としては電圧制御のAMBを使用 する方法がある.この場合,電源電圧を越える電 圧値を供給することはできないので,結果的には 入出力フィードバック線形化を実現できない^{5),6)}.

他のフィードバック線形化手法としては,式(1) の電流 - 変位 - 吸引力関係式からアクチュエータ 電流を逆算し,設定する方法がある.この場合, 1個のアクチュエータには2個の電磁石があるの で,どちらの電磁石に制御電流を入力すべきかと いう問題があるが,回転体の外乱による振動に応 じて,バイアス電流を増減する方法と,次項で述 べる切換則を使った方法により解決できる.本論 文では後者のフィードバック線形化手法を採用す る.

6.2 切換則

ゼロバイアス電流AMBでは,制御力F_{CAx}の正 負によって,制御力を発生させる電磁石が切り換 えられる.つまり,アクチュエータ電流i₁とi₃は 式⁽⁵⁾で表される(図6).この手法を切換則と呼 ぶ.





Block diagram of zero bias current active magnetic bearing

$$\begin{cases} i_{1} = \frac{1}{\sqrt{\eta(\mathbf{x}_{A})}} \sqrt{F_{CAx}}, \quad F_{CAx} \ge \mathbf{0} \\ i_{3} = \frac{1}{\sqrt{\eta(\mathbf{x}_{A})}} \sqrt{-F_{CAx}}, \quad F_{CAx} < \mathbf{0} \end{cases}$$
(5)
$$= = -\mathbf{C}^{*}, \quad \eta(\mathbf{x}_{A}) = \frac{k_{A}}{(\mathbf{x}_{0A} - \mathbf{x}_{A})^{2}}$$
(6)
$$\eta(\mathbf{x}_{A}) = \frac{k_{A}}{(\mathbf{x}_{0A} + \mathbf{x}_{A})^{2}}$$

なお,式(6)は式(1)から導かれる.

7.シミュレーションによる性能比較

軸受損失を低減するために,いくつかの方法を 考案した.ここで,フィードバック線形化と切換則 を利用したゼロバイアス電流AMBの性能について 詳細に議論し,バイアス電流AMBの場合と比較す る.またここでは,システムとしては最も単純な場 合,つまり2組のラジアルAMBにより剛性ロータ を支持する場合を扱うことにする(図2).

 x_A 軸における剛性ロータの運動方程式は(7)式で表される.

$$\ddot{\mathbf{x}}_{\mathrm{A}} = \underbrace{\left[\frac{\mathbf{r}_{\mathrm{a}}^{2}}{\mathbf{j}_{\mathrm{r}}} + \frac{1}{m}\right]}_{\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{A}}} \mathbf{F}_{\mathrm{Ax}}$$
(7)

ここで,mは質量,j_rはy_A軸まわりの質量慣性 モーメント,そして,r_aは重心と軸受面Aの間の 距離をそれぞれ示す.なお,軸受面AとBの間, および制御軸xとyの間の相互作用は無視している.

バイアス電流AMBの場合,Jacobian線形化に より得られた式⁽⁴⁾を式⁽⁷⁾に代入し,制御力F_{CAx} = k_{ixA}・i_{c xA}を解くことにより,線形のプラントモデ ル(図4)の伝達関数は式⁽⁸⁾で表される.

$$G(s) = \frac{X_{A}(s)}{F_{CA}(s)} = \frac{\sigma_{A}}{s^{2} - \sigma_{A}k_{pxA}}$$
(8)

一方,ゼロバイアス電流AMBの場合,切換則 に基づいて制御力の正負方向を切り換えるフィー ドバック線形化により,線形のプラントモデル (図6)が得られる.ここでは式(1)と式(7)を式(5)に 代入し,制御力F_{CAx}を解くことにより,式⁽⁹⁾の伝 達関数が得られる.

$$H(s) = \frac{X(s)}{F_{CA}(s)} = \frac{\sigma_A}{s^2}$$
(9)

7.1 制御モデルの比較

以上のように,回転体 - 軸受システムに対して, 2 種類の制御モデルが与えられた.一方はバイア ス電流 A M B 用の式(8)であり,他方はゼロバイア ス電流 A M B 用の式(9)である.両者とも2次シス テムであるが,極配置が異なる.式(8)より Jacobian線形化のシステムQ(s)は不安定であるが, 式(9)よりフィードバック線形化のシステムH(s) は安定限界であることがわかる.

さらに図7より,周波数の増加とともに両者の 伝達関数は同じ挙動を示すようになることがわか る.これは,制御ゲインを大きくできれば,バイ アス電流AMBとゼロバイアス電流AMBに同じ 制御系を適用することが可能なことを示唆してい る.



図7 G(s)およびH(s)のボード線図

Bode diagram of plant models G(s) and H(s)

The used parameters are the coupling factor $\sigma_A = 0.0885 \text{kg}^{-1}$ and the position stiffness $k_{pxA} = 6.03 \text{ 104 N/m}$.

7.2 外乱に対する制御

プラントを安定化させるためには,比例項(P) と微分項(D)を考慮可能なPDコントローラが必 要である.

$$C(s) = \frac{F_{CA}(s)}{X_A(s)} = K_{pxA}(1 + T_{dxA}s)$$
 (10)

ここで, K_{pxA}は比例ゲインを, T_{dxA}は微分の時 定数を示す.

制御目標は回転体の安定浮上であるが, PDコ ントローラーだけで静的外乱を補償することはで きないので, 収束後も定常偏差が残る.しかし以



下では, 定常状態における挙動を比較するため積 分項()を導入せず, 定常偏差の残存を特に問題 とはしない.

バイアス電流AMBの場合,外乱力F_{DAx}がステ ップ入力されたときの定常偏差は式⁽¹¹⁾で表され る.

$$\lim_{t} x_{A}(t) = \frac{1}{K_{pxA} - k_{pxA}} F_{DA}(0)$$
(11)

同様に, ゼロバイアス電流AMBの場合は式(12) で表される.

$$\lim_{t} x_{A}(t) = \frac{1}{K_{pxA}} F_{DA}(0)$$
 (12)

ゼロバイアス電流AMBの定常偏差は,変位剛 性によって比例ゲイン(K*_{pxA} = K_{pxA} + k_{pxA})を増大さ れたバイアス電流AMBと同程度の性能を示し た.この結果は,図8と図9に示される.ここで, 定常偏差はステップ状外乱力の大きさで決まる. なお,Jacobian線形化では,外乱力の小さい場合 を仮定してあるので,外乱力が大きい場合には誤 差が大きくなる.



図8 定常偏差および全電流値

Position steady-state error and total actuator current

The used parameters for the plant models are the same as in \boxtimes 7. The controller parameters are the proportional gain $K_{pxA}=2.5\ 105\ N/m$ and $K^*_{pxA}=3.103\ 105\ N/m$, the derivative time constant $T_{dxA}=0.002s$, and the sampling time h=0.2ms. The bias current is $i_{0xA}=0.3A.$



図9 **外乱力入力時のステップ応答**

Disturbance force step response

The disturbance step level is 1N. The used parameters for the plant models and the controller are the same as in $\boxtimes 8.$

7.3 全制御電流

バイアス電流AMBの場合,アクチュエータに 供給される全電流は定常電流の2倍になる.それ に対して,ゼロバイアス電流AMBの場合,全電 流は外乱力のレベルに依存するが,バイアス電流 AMBの場合よりも小さいことがわかる(図8) また,定常状態での制御電流の総和は,定常偏差 に依存する.

8.おわりに

結果を以下にまとめる.

- (i)ゼロバイアス電流の制御型磁気軸受の損失 は外乱力に強く依存する.
- (ii)ゼロバイアス電流の制御型磁気軸受のため のフィードバック線形化では,切換則に基 づいて制御力の正負方向を切り換えること により,非線形システムを線形として取り 扱うことが可能になる.
- (iii) このシステムではバイアス電流の制御型磁 気軸受の場合と同じPIDベースのコント ローラーを使うことができる.
- (iv)ゼロバイアス電流の制御型磁気軸受の制御 性能はバイアス電流の制御型磁気軸受と同 等である.

以上の結論は,シミュレーションで確認された. そのため今後は,実験によりこれら結論の検証と, システムの実現可能性を実証する必要がある.また,回転体の曲げ固有振動モードとジャイロの影 響について,フィードバック線形化と切換則を使 用した場合の性能を評価する必要がある.

謝辞

ゼロバイアス電流の制御型磁気軸受に関する理 論を修得する上で,千葉大学の野波教授とゲブゼ 工科大学Sivrioglu教授には,絶大なるご指導と多 くの有益な助言をいただきました.改めてここに, 感謝の意を表します.

本研究は,NEDO国際共同研究プログラム (NEDO-Grant Project) Compact Flywheel Energy Storage System "の一環として,NEDO (New Energy and Industrial Technology Development Organization in Japan)の助成を受 けて実施した.

参考文献

- Thoolen F. J. M., Development of an Advanced High Speed Flywheel Energy Storage System, Ph.D. Thesis Eindhoven University of Technology, The Netherlands, 1993.
- 2) Kondoh J. et al., Electrical Energy Storage Systems for Energy Networks, Energy Conversion and Management, vol. 41, no. 17, pp. 1863-1874, 2000.
- 3) Kasarda M. E. F., An Overview of Active Magnetic Bearing Technology and Applications, The Shock and Vibration Digest, vol. 32, no. 2, pp. 91-99, March 2000.
- 4) Hu T. et al., Stabilization and Performance of a Balance Beam Suspended on Magnetic Bearings, Proceedings of the 2002 American Control Conference, ACC 2002, vol. 6, pp. 4662-4667, Anchorage, Alaska, USA, May 8-10, 2002.
- 5) Knospe C. and Yang C., Gain-Scheduled Control of a Magnetic Bearing with Low Bias Flux, Proceedings of the 36th IEEE Conference on Decision and Control, CDC 1997, vol. 1, pp. 418-423, San Diego, California, USA, December 10-12, 1997.
- 6) Charara A., De Miras J., and Caron B., Nonlinear Control of a Magnetic Levitation System Without Premagnetization, IEEE Transactions on Control Systems Technology, vol. 4, no. 5, pp. 513-523, September 1996.



